

41. Knobelaufgabe #25

Zwei Listen sind *Permutationen* voneinander, wenn sie die gleichen Elemente enthalten — die Reihenfolge der Elemente spielt dabei keine Rolle. Eine Liste mit n verschiedenen Elementen besitzt insgesamt $n!$ Permutationen.

Eine Liste heißt *Megapermutation* von x , wenn sie jede Permutation von x als zusammenhängende Teilliste enthält.

x	Megapermutation von x
abc	abcabacba
abcd	abcdabcadbcbdcabacdbacbdabcadcb

Schreiben Sie ein Programm, das zu einer gegebenen Liste eine möglichst kurze Megapermutation bestimmt.

Hinweis: Verwenden Sie das Strukturf Entwurfsmuster für Listen.

41. Klassen

Ein Bankinstitut, eine Sammlung von Bankkonten, kann alternativ durch eine sogenannte *Klasse* (engl. class) modelliert werden.

```
type TrustMe (seed : Nat) =
  class
    let mutable funds = seed
    member self.Deposit (amount : Nat) =
      funds ← funds + amount
    member self.Withdraw (amount : Nat) =
      funds ← monus (funds, amount)
    member self.Balance =
      funds
  end
```

 Eine Klasse ist ein *Zwitterwesen*: *TrustMe* ist sowohl ein Typ, genauer: eine Schnittstelle, als auch ein Wert, der die Schnittstelle implementiert, ein Objektkonstruktor.

[Objekte](#)
[Untertypen](#)
[Klassen](#)
[Klassen und Schnittstellen](#)
[Generische Klassen](#)
[Über den Tellerrand](#)
[Aufzähler und aufzählbare Objekte](#)
[Vererbung](#)

41. Objekterzeugung

Mit **new** *TrustMe* 4711 oder kurz *TrustMe* 4711 wird ein neues Konto eröffnet, in das ein initialer Betrag von 4711€ eingezahlt wird.

```
Mini> let lisas = TrustMe 4711
val lisas : TrustMe
Mini> lisas.Deposit 815
()
Mini> lisas.Balance
5526
Mini> let ludwigs = new TrustMe 815
val ludwigs : TrustMe
```

 Jargon: *TrustMe* 4711 ist eine Instanz der Klasse *TrustMe*.

 Eine Klassendefinition **type** *T* (*x*) = **class** ... **end** lässt sich als Schablone (engl. template) auffassen; mit **new** *T* *e* wird die Schablone instantiiert; das Ergebnis ist ein Objekt vom Typ *T*.

Objekte

Untertypen

Klassen

Klassen und
Schnittstellen

Generische Klassen

Über den Tellerrand

Aufzähler und
aufzählbare
Objekte

Vererbung

41. Klassenvariablen und -methoden

```
type TrustMe (seed : Nat) =  
  class  
    static do putline "TrustMe is founded."  
    static let mutable no = 0  
    do no ← no + 1  
    let mutable funds = seed  
    static member BIC = 4711  
    static member no-of-accounts = no  
    member self.Deposit (amount : Nat) =  
      funds ← funds + amount  
    member self.Withdraw (amount : Nat) =  
      funds ← monus (funds, amount)  
    member self.Balance =  
      funds  
end
```

41. Klassenvariablen und -methoden

Klassenmethoden und -eigenschaften können unabhängig von der Existenz eines Objekts sprich eines Bankkontos verwendet werden.

☞ Zum Zeitpunkt der Gründung einer Bank existieren keine Konten.

```
Mini> TrustMe.BIC
4711
Mini> let lisas = TrustMe 4711
val lisas : TrustMe
Mini> TrustMe.no-of-accounts
1
```

☞ Die jeweilige Nachricht wird an die Klasse in unserem Beispiel an die Bank *TrustMe* geschickt.

41. Felder, Methoden und Eigenschaften

- ▶ **let** $a = e$
führt eine Konstante ein, einen Bezeichner für einen Wert (diese Konstante kann allerdings die Adresse einer Speicherzelle sein: **let** $funds = \mathbf{ref\ seed}$). Die Bindung wird bei der Erzeugung eines Objekts mit **new** ausgewertet. Eine Konstante ist stets privat und kann nicht öffentlich gemacht werden.
- ▶ **let** $f\ x = e$
führt eine Funktion ein. Eine Funktion ist stets privat.
- ▶ **let mutable** $s = e$
führt eine Instanzvariable ein, auch *Feld* (engl. field) genannt. Auch eine Instanzvariable ist stets privat.
- ▶ **do** e
kennzeichnet einen Ausdruck, der bei der Erzeugung eines Objekts mit **new** ausgeführt wird.

41. Felder, Methoden und Eigenschaften

- ▶ **member** *self.p with* *get () = e₁* **and** *set v = e₂*
member *self.p with private* *get () = e₁* **and** *set v = e₂*
führt eine Eigenschaft ein; es kann auch nur der Getter bzw. nur der Setter angegeben werden. Eigenschaften sind öffentlich; die Sichtbarkeit kann aber mit **private** selektiv eingeschränkt werden.
- ▶ **member** *self.m x = e*
member private *self.m x = e*
führt eine Methode ein. Methoden sind ebenfalls öffentlich, es sei denn, die Sichtbarkeit wird mit **private** eingeschränkt.

41. Felder, Methoden und Eigenschaften

- ▶ ***static let*** $a = e$
führt eine „Klassenkonstante“ ein. Die Bindung wird bei der Abarbeitung der Klassendefinition ausgewertet; in e sind nur mit ***static*** gekennzeichnete Bezeichner sichtbar.
- ▶ ***static let*** $f\ x = e$
führt eine „Klassenfunktion“ ein. Im Rumpf e sind nur mit ***static*** gekennzeichnete Bezeichner sichtbar. Eine Funktion ist stets privat.
- ▶ ***static let mutable*** $s = e$
führt eine Klassenvariable ein. Auch eine Klassenvariable ist stets privat.
- ▶ ***static do*** e
kennzeichnet einen Ausdruck, der bei der Abarbeitung der Klassendefinition ausgeführt wird. In e sind nur mit ***static*** gekennzeichnete Bezeichner sichtbar.

41. Felder, Methoden und Eigenschaften

- ▶ **static member p with $get () = e_1$ and $set v = e_2$**
static member p with *private* $get () = e_1$ and $set v = e_2$
führt eine Klasseigenschaft ein. Auf die Eigenschaft wird über den Klassennamen zugegriffen. Auch Klasseigenschaft sind öffentlich; die Sichtbarkeit kann aber mit **private** eingeschränkt werden.
- ▶ **static member $m x = e$**
static member *private* $m x = e$
führt eine Klassenmethode ein. Eine Klassenmethode ist der Natur nach eine ordinäre Funktion; lediglich der Aufruf erfolgt über den Klassennamen.

41. Module versus Klassen

Sichtbarkeit (engl. visibility, auch accessibility):

- ▶ *Modul*: Position des Bezeichners: global oder lokal;
- ▶ *Klasse*: durch vorhandene oder fehlende **static** Kennzeichnung.

41. Klassen und Schnittstellen

Eine alternative Implementierung einer Bank:

```
type Cheap'N'Easy (seed : Nat) =  
  class  
    let mutable funds-log = [seed]  
    member self.Deposit (amount : Nat) =  
      funds-log ← (head funds-log + amount) :: funds-log  
    member self.Withdraw (amount : Nat) =  
      funds-log ← monus (head funds-log, amount) :: funds-log  
    member self.Balance =  
      head funds-log  
    member self.Cancel =  
      funds-log ← tail funds-log  
end
```

41. Klassen und Schnittstellen

Beobachtung: Weder das Objekt *TrustMe* 4711 noch das Objekt *Cheap'N'Easy* 815 kann an die Funktion *transfer* übergeben werden!

transfer : *IAccount* * *Nat* * *IAccount* → *Unit*

TrustMe 4711 : *TrustMe*

Cheap'N'Easy 815 : *Cheap'N'Easy*

☞ Alle drei Typen, *IAccount*, *TrustMe*, *Cheap'N'Easy*, sind verschieden und damit inkompatibel.

„All types are created unequal.“

☞ Die Gleichheit der Methodennamen könnte rein zufällig sein. Uns geht es aber nicht um Äußerlichkeiten (Wie heißt eine Methode?), sondern um innere Werte (Wie verhält sich eine Methode?).

41. Klassen und Schnittstellen

```
type Cheap'N'Easy (seed : Nat) =  
  class  
    let mutable funds-log = [seed]  
    interface IAccount with  
      member self.Deposit (amount : Nat) =  
        funds-log ← (head funds-log) + amount :: funds-log  
      member self.Withdraw (amount : Nat) =  
        funds-log ← monus (head funds-log, amount) :: funds-log  
      member self.Balance =  
        head funds-log  
      member self.Cancel =  
        funds-log ← tail funds-log  
    end
```

 *Lies*: Cheap'N'Easy implementiert die Schnittstelle IAccount. Damit ist die Klasse ein Untertyp der Schnittstelle: Cheap'N'Easy \preceq IAccount.

41. Klassen und Schnittstellen

Jetzt gelingt die Überweisung: Beim Aufruf der Funktion *transfer* wird automatisch der Typ mit Hilfe der Subsumptionsregel angepasst.

```
Mini> let herberts = Cheap'N'Easy 4711
Mini> let harrys = Cheap'N'Easy 10
Mini> transfer (herberts, 100, harrys)
()
Mini> (harrys :> IAccount).Balance
110
Mini> harrys.Cancel
()
Mini> (harrys :> IAccount).Balance
10
```

Eine explizite Typanpassung ist notwendig, wenn auf die Methoden der Schnittstelle zugegriffen wird: Von Haus aus versteht *harrys* die Nachricht *Balance* nicht. (Wir sehen später, warum das sinnvoll ist.)

[Objekte](#)[Untertypen](#)[Klassen](#)[Klassen und Schnittstellen](#)[Generische Klassen](#)[Über den Tellerrand](#)[Aufzähler und aufzählbare Objekte](#)[Vererbung](#)

41. Klassen und Schnittstellen

Möchte man aus Gründen der Bequemlichkeit den direkten Zugriff auf die Schnittstellenmethoden ermöglichen, kann man diese *zusätzlich* als Methoden der Klasse „veröffentlichen“.

```
type Cheap'N'Easy (seed : Nat) =
  class
    ...
    // expose interface
    member self.Deposit amount = (self :> IAccount).Deposit amount
    member self.Withdraw amount = (self :> IAccount).Withdraw amount
    member self.Balance          = (self :> IAccount).Balance
  end
```

Die Gleichungen geben jeweils an, dass die Methode der Klasse (links: *self.Withdraw*) durch die Schnittstellenmethode (rechts: *(self :> IAccount).Withdraw*) definiert wird.

☞ Lässt man die Typanpassung weg, erfolgt ein rekursiver Aufruf mit der Konsequenz der Nichtterminierung!

41. Klassen und Schnittstellen

Man kann auch den umgekehrten Weg beschreiten und die Schnittstellenmethoden durch Methoden der Klasse definieren.

```
type TrustMe (seed : Nat) =  
  class  
    ...  
  interface IAccount with  
    // these are not recursive definitions  
    member self.Deposit amount = self.Deposit amount  
    member self.Withdraw amount = self.Withdraw amount  
    member self.Balance          = self.Balance  
end
```

Die Gleichungen geben jeweils an, dass die Schnittstellenmethode (links: *self.Withdraw*) durch die Methode der Klasse (rechts: *self.Withdraw*) definiert wird.

41. Klassen und Schnittstellen

Nach diesen Vorarbeiten lassen sich sowohl Banküberweisungen tätigen als auch die Kontostände direkt ohne Umweg über die Schnittstelle abrufen.

```
Mini> let herberts = TrustMe 4711
Mini> let harrys = Cheap'N'Easy 0
transfer (herberts, 100, harrys)
()
Mini> herberts.Balance
4611
Mini> harrys.Balance
100
```

Der direkte Zugriff mit *Balance* ist möglich, weil entweder die Schnittstelle bekanntgegeben wurde oder die Schnittstelle mit den Methoden der Klasse implementiert wurde.

41. Klassen und Schnittstellen

Eine Klasse kann auch mehrere Schnittstellen gleichzeitig implementieren.

```
type IPositive =  
  abstract Answer : string  
type INegative =  
  abstract Answer : string  
type Undecided () = // don't forget '()' class  
  member self.Answer = "maybe"  
  interface IPositive with  
    member self.Answer = "yup"  
  interface INegative with  
    member self.Answer = "nope"  
end
```

41. Klassen und Schnittstellen

Die Schnittstellen repräsentieren unterschiedliche Stimmungen; je nach konkreter Stimmung fällt die „Antwort“ unterschiedlich aus.

```
Mini> let turncoat = Undecided ()  
Mini> turncoat.Answer  
val it : string = "maybe"  
Mini> (turncoat :> IPositive).Answer  
val it : string = "yup"  
(turncoat :> INegative).Answer  
val it : string = "nope"
```

Damit wird klar, warum bei Methodenaufrufen *keine* automatischen Typanpassungen vorgenommen werden (*Undecided* \preccurlyeq *IPositive* oder *Undecided* \preccurlyeq *INegative*): Kein Automatismus kann die vorhandene *Mehrdeutigkeit* auflösen.

41. Generische Klassen

In Teil V haben wir endliche Abbildungen mit Hilfe von Listen, Suchlisten und Suchbäumen implementiert, siehe Skript.

Ein Auszug aus der Schnittstelle:

```
type Map <'key, 'value when 'key : comparison>
val empty : Map <'key, 'value>
val add    : 'key * 'value → Map <'key, 'value> → Map <'key, 'value>
val look-up : 'key → Map <'key, 'value> → 'value option
```

☞ Ein Wörterbuch assoziiert mit einem Schlüssel einen bestimmten Wert. Sowohl Schlüssel als auch Wert können einen beliebigen Typ haben.

☞ Die oben genannten Implementierungen sind *persistent*.

☞ Im Folgenden implementieren wir eine ephemere Variante von endlichen Abbildungen: Beim Erweitern wird die ursprüngliche Abbildung überschrieben; sie ist danach *nicht* mehr verfügbar.

41. Generische Klassen

Die folgende Interaktion zeigt die Implementierung in Aktion.

```
Mini> let perfume = SearchTree <Nat, String> ()  
Mini> perfume.Add (4711, "Kölnisch Wasser")  
()  
Mini> perfume.Add (5, "Chanel")  
()  
Mini> perfume.Lookup 5  
"Chanel"
```

Das Wörterbuch *perfume* ordnet natürlichen Zahlen Strings zu. Mit der Methode *Add* wird das Wörterbuch um einen Eintrag erweitert; *Lookup* schlägt im Wörterbuch nach. Die ephemere Natur wird deutlich: *Add* hat den Ergebnistyp *Unit*; zu jedem Zeitpunkt existiert nur eine Version der endlichen Abbildung *perfume*.

41. Generische Klassen

Für beide Operationen bieten wir syntaktischen Zucker an:

```
Mini> perfume.[5]
```

```
"Chanel"
```

```
Mini> perfume.[0] ← "Eau"
```

```
()
```

```
Mini> perfume.[0]
```

```
"Eau"
```

```
Mini> perfume.[0] ← "Wasser"
```

```
()
```

```
Mini> perfume.[0]
```

```
"Wasser"
```

☞ `perfume.[k] ← v` fügt ein neues Schlüssel-Wert Paar hinzu (bzw. aktualisiert einen bestehenden Eintrag für den Schlüssel `k`); `perfume.[k]` schlägt den angegebenen Schlüssel nach.

41. Generische Klassen

☞ Wie Record-, Varianten- und Schnittstellentypen können auch Klassentypen mit einem oder mehreren Typen parametrisiert werden.

```
type SearchTree <'key, 'value when 'key : comparison> () =
class
  let mutable mapping : Map <'key, 'value> = empty
  member self.Add (key, value) =
    mapping ← add (key, value) mapping
  member self.Lookup key =
    match look-up key mapping with
    | None      → raise (KeyNotFoundException ())
    | Some value → value
  ...
end
```

☞ Eine Klasse ist ein *Zwitterwesen*: *SearchTree* ist ein *parametrisierter* Typ und ein *polymorpher* Objektkonstruktor.

Objekte

Untertypen

Klassen

Klassen und
Schnittstellen

Generische Klassen

Über den Tellerrand

Aufzähler und
aufzählbare
Objekte

Vererbung

41. Generische Klassen

```
type SearchTree ⟨'key, 'value when 'key : comparison⟩ () =  
  class  
    ...  
  member self .Item  
    with get key      = self.Lookup key  
    and set key value = self.Add (key, value)  
end
```

Der syntaktische Zucker für Erweiterung und Zugriff wird mittels der Eigenschaft *Item* realisiert. Es handelt sich um eine sogenannte *indizierte Eigenschaft* (engl. indexed property).

☞ So wie die Eigenschaft l die Abkürzungen $e.l$ und $e.l \leftarrow e'$ ermöglicht, so erlaubt eine indizierte Eigenschaft den syntaktischen Zucker $e.l [i]$ und $e.l [i] \leftarrow e'$.

☞ Ist weiterhin $l = \text{Item}$, dann kann man l auch auslassen und kurz $e.[i]$ und $e.[i] \leftarrow e'$ schreiben.

41. Smalltalk und Java

☞ In den Programmiersprachen Smalltalk (1972 geboren) und Java (1995 geboren) spielen Objekte und Klassen eine weitaus größere Rolle als in Mini-F#.

- ▶ *Smalltalk*: Alles ist ein Objekt, auch Wahrheitswerte und Zahlen. Jedes Objekt ist Instanz einer Klasse; auch Klassen sind Objekte. Im Gegensatz zu Mini-F# ist Smalltalk *dynamisch getypt*.
- ▶ *Java*: Fast alles ist ein Objekt; neben Klassen gibt es auch primitive Typen wie Wahrheitswerte und Zahlen. Wie Mini-F# ist Java *statisch getypt*.

One of the most important influences on the design of Java was a much earlier language called Simula.
— James Gosling

Your development cycle is much faster because Java is interpreted. The compile-link-load-test-crash-debug cycle is obsolete.
— James Gosling

Like the creators of sitcoms or junk food or package tours, Java's designers were consciously designing a product for people not as smart as them.
— Paul Graham

41. Java: Klassen

```
class TrustMe {
    private long funds = 0;

    TrustMe (long seed) {
        this.funds = seed;
    }

    void deposit (long amount) {
        funds = funds + amount;
    }

    void withdraw (long amount) throws Insufficient {
        if (amount > funds)
            throw new Insufficient (funds);
        else
            funds = funds - amount;
    }

    long balance () { return funds; }
}
```

 TrustMe (long seed) ist ein *Konstruktor*. Die Methodenrumpfe verwenden C-Syntax.

41. Java: Klassen

```
class TrustMe {
    ...
    static private int no = 0;
    static int BIC          = 4711;
    static {
        System.out.println ("TrustMe is founded.");
    }

    TrustMe (long seed) {
        this.funds = seed;
        no++;
    }
    ...
    static long no_of_accounts () { return no; }
}
```

41. Java: Schnittstellen

```
interface IAccount {  
    void deposit (long amount);  
    void withdraw (long amount) throws Insufficient;  
    long balance ();  
}
```

☞ Die Tatsache, dass `withdraw` möglicherweise eine Ausnahme wirft, ist im Typ vermerkt.

41. Java: Klassen, da capo

```
class TrustMe implements IAccount {
    private long funds    = 0;
    static private int no = 0;
    static int BIC        = 4711;

    ...
    public void deposit (long amount) {
        ...
    }

    public void withdraw (long amount) throws Insufficient {
        ...
    }

    public long balance () {
        ...
    }
    ...
}
```

41. Java: Module und Funktionen

```
import java.math.*;

public final class Factorial2 {
    public static BigInteger factorial (BigInteger n) {
        if (n.compareTo (BigInteger.ZERO) == 0)
            return BigInteger.ONE;
        else
            return n.multiply (factorial (
                n.subtract (BigInteger.ONE)));
    }

    public static void main (String[] args) {
        BigInteger n = new BigInteger("99");

        System.out.println (factorial (n));
    }
}
```

☞ Funktionen sind Klassenmethoden; Module sind Klassen (die nur Klassenvariablen und -methoden enthalten).

41. Lösung Knobelaufgabe #16

Kann man einem regulären Ausdruck ansehen, ob alle in der von dem regulären Ausdruck bezeichneten Sprache enthaltenen Wörter eine gerade Anzahl von a s enthalten?

- ▶ \emptyset
- ▶ ϵ
- ▶ $(aa)^*$
- ▶ $a(aa)^*$
- ▶ $(\epsilon \mid aa)(\epsilon \mid aa)$
- ▶ $(a \mid aaa)(a \mid aaa)$
- ▶ $(\epsilon \mid aa)(a \mid aaa)$
- ▶ $(ab)^*$
- ▶ $(a \emptyset b)^*$

41. Lösung Knobelaufgabe #16

- ▶ Wir nennen eine Sprache *gerade*, wenn alle in der Sprache enthaltenen Wörter eine gerade Anzahl von *a*s enthalten.
- ▶ Wir nennen eine Sprache *ungerade*, wenn alle in der Sprache enthaltenen Wörter eine ungerade Anzahl von *a*s enthalten.
- ▶ Wir sind daran interessiert, ob eine Sprache gerade ist.
- ▶ Um das festzustellen, benötigen wir auch die Information, ob eine Sprache ungerade ist.

$(a \mid aaa) (a \mid aaa)$

- ▶ Einige Sprachen sind weder gerade noch ungerade.

$(\epsilon \mid aa) \mid (a \mid aaa)$

- ▶ Eine Sprache ist sowohl gerade als auch ungerade!

\emptyset

[Objekte](#)[Untertypen](#)[Klassen](#)[Klassen und Schnittstellen](#)[Generische Klassen](#)[Über den Tellerrand](#)[Aufzähler und aufzählbare Objekte](#)[Vererbung](#)

41. Lösung Knobelaufgabe #16

```
type Abstract =  
  | Both // Durchschnitt von Even und Odd (nur  $\emptyset$ ).  
  | Even // Sprachen, deren Wörter eine gerade # as enthalten.  
  | Odd // Sprachen, deren Wörter eine ungerade # as enthalten.  
  | None // Vereinigung von Even und Odd.  
  
let rec even-odd (reg : Reg) : Abstract =  
  match reg with  
  | Eps → Even  
  | Sym x → match x with A → Odd | B → Even  
  | Cat (r1, r2) → cat (even-odd r1, even-odd r2)  
  | Empty → Both  
  | Alt (r1, r2) → alt (even-odd r1, even-odd r2)  
  | Rep r → rep (even-odd r)
```

 Wir müssen noch *cat*, *alt* und *rep* definieren.

41. Lösung Knobelaufgabe #16

```
let cat (a1 : Abstract, a2 : Abstract) : Abstract =  
  match (a1, a2) with  
  | (Both, _)   | (_, Both)   → Both  
  | (None, _)  | (_, None)   → None  
  | (Even, Even) | (Odd, Odd) → Even  
  | (Even, Odd) | (Odd, Even) → Odd
```

 *Both* ist das Nullelement der Konkatenation, *Even* ist das Einselement.

41. Lösung Knobelaufgabe #16

```
let alt (a1 : Abstract, a2 : Abstract) : Abstract =  
  match (a1, a2) with  
  | (Both, a) | (a, Both) → a  
  | (Even, Even)       → Even  
  | (Odd, Odd)        → Odd  
  | _                 → None
```

 *Both* ist das Einselement der Alternative.

41. Lösung Knobelaufgabe #16

```
let rep (a : Abstract) : Abstract =  
  match a with  
  | Both | Even → Even  
  | _      → None
```

☞ $\emptyset^* = \epsilon$, deswegen ist $\text{rep Both} = \text{Even}$.